

8. Osztály

1. Add meg 2014-et négy (a, b, c, d) olyan szám összege-ként, melyek aránya $a:b=1:2$, $b:c=4:5$, $c:d=3:4$.
2. A-ból B-be az út 11,5 km előbb emelkedik, majd egy darabon vízszintes és a végén lejt. Egy gyalogos A-ból B-be 2 óra 54 perc alatt teszi meg az utat, vissza 3 óra 6 perc. Az emelkedőn a sebessége 3km/óra, a vízszintes részen 4km/óra és alejtőn 5km/óra. Hány km a vízszintes rész hossza?
3. Találd meg az ABC háromszög A szögének fokmértékét, ha az háromszor kisebb mint a BOC szög, és O pont az ABC háromszögbe beleírt körvonal középpontja.
4. Oldd meg az egyenletet: $|x-4| - 3|x|=2$.
5. Találd meg azokat ap -prímszámokat melyek mellett a $p+2$, $2p+3$, $3p-2$, $3p+4$ is prímszámok.

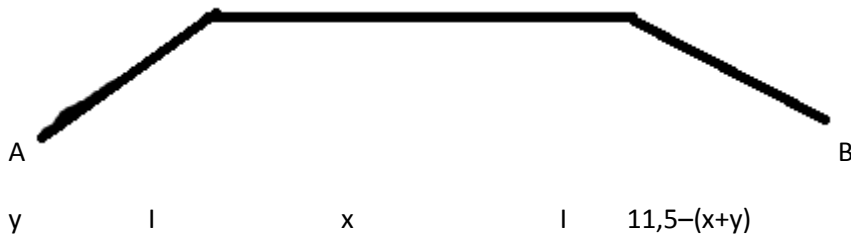
8. клас

1. Записати 2014 у вигляді суми чотирьох доданків (a; b; c; d) в заданому відношенні $a:b=1:2$, $b:c=4:5$, $c:d=3:4$.
2. Дорога з А до В довжиною 11,5 км іде спочатку вгору, потім рівниною і, нарешті, з гори. Пішохід на шлях від А до В затратив 2 год 54 хв, а на зворотний шлях – 3 год 6 хв. Швидкість його ходьби вгору 3 км/год, на рівнині – 4 км/год, а з гори – 5 км/год. Скільки кілометрів дороги іде рівниною?
3. Знайдіть величину кута А трикутника ABC, якщо він в три рази менший за кут BOC, де O – центр вписаного в трикутник ABC кола.
4. Розв'язати рівняння: $|x-4| - 3|x|=2$.
5. Знайдіть всі ті прості числа p , при яких числа $p+2$, $2p+3$, $3p-2$, $3p+4$ також будуть простими.

1. $a:b=1:2=12:24$ $b:c=4:5=24:30$ $c:d=3:4=30:40$ $a:b:c:d=12:24:30:40$

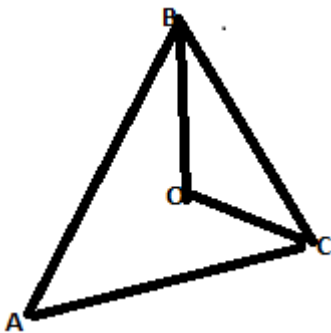
$12x+24x+30x+40x=2014$ $106x=2014$ $x=19$ $a=228$ $b=456$ $c=570$ $d=760$.

2.



1 $\frac{y}{3} + \frac{x}{4} + \frac{11,5-(x+y)}{5} = 2,9$ *60 $20y + 15x + 138 - 12x - 12y = 174$ $\begin{cases} 3x + 8y = 36 \\ -5x - 8y = -44 \end{cases}$

2 $\frac{y}{5} + \frac{x}{4} + \frac{11,5-(x+y)}{3} = 3,1$ *60 $12y + 15x + 230 - 20x - 20y = 186$ $x=4\text{km}$.



3. $\angle OBC = \angle OBA = \alpha$, $\angle OCB = \angle OCA = \beta$, $\angle BOC = 180^\circ - (\alpha + \beta)$, $\angle BAC = 180^\circ - (2\alpha + 2\beta)$,

$\angle BOC = 3\angle BAC$, $\angle BAC = x$, $\angle BOC = 3x$, $(\alpha + \beta) = 180^\circ - 3x$, $x = 180^\circ - 2(\alpha + \beta)$, $x = 180^\circ - 2(180^\circ - 3x)$, $x = 36^\circ$.

4. $||x|-4|-3|=2$, $||x|-4|-3|=2$ vagy $||x|-4|-3|=-2$, 1) $||x|-4|=5$ vagy 2) $||x|-4|=1$

1) a) $|x|-4=5$ vagy b) $|x|-4=-5$, 1)a) $|x|=9$ vagy b) $|x|=-1$ -ez lehetetlen 1)a) $x=9$ vagy $x=-9$

2) a) $|x|-4=1$ vagy b) $|x|-4=-1$ 2) a) $|x|=5$ vagy b) $|x|=3$, 2)a) $x=5$ vagy $x=-5$, 2)b) $x=3$ vagy $x=-3$.

5. Ha $p=5$ akkor $p+2=7$, $2p+3=13$, $3p-2=13$, $3p+4=19$

A többi prímszámot fel lehet írni mint $p=5k+1$ vagy $p=5k+2$ vagy $p=5k+3$ vagy $p=5k+4$.

Ha $p=5k+1$ akkor $2p+3=10k+5$ osztódik 5-re,

ha $p=5k+2$ akkor $3p+4=15k+10$ osztódik 5-re,

ha $p=5k+3$ akkor $p+2=5k+5$ osztódik 5-re,

ha $p=5k+4$ akkor $3p-2=15k+10$ osztódik 5-re. Tehát $p=5$ az egyetlen megoldás